Liceo "Marie Curie" (Meda) Scientifico – Classico – Linguistico

PROGRAMMAZIONE DISCIPLINARE PER COMPETENZE

a.s. 2015/16

CLASSE	Indirizzo di studio
4^Ac	Liceo classico

Docente	SCHIMPERNA MARIA BEATRICE	
Disciplina	MATEMATICA	
Monte ore settimanale nella classe	2	
Documento di Programmazione disciplinare presentata in data 16/10/2015		

1. ANALISI DELLA SITUAZIONE DI PARTENZA

La classe si presenta nel suo complesso con	positive
connotazioni:	
L'interesse generalmente è:	buono
La partecipazione generalmente è:	attiva
I comportamenti generalmente sono	corretti

1.2 Livelli di partenza rilevati e fonti di rilevazione dei dati

(livelli degli allievi in ingresso sulla base degli esiti delle prime verifiche)

Livello critico (voto 3-4,9)	Livello basso (voti inferiori alla sufficienza 5-5,9)	Livello medio (voti 6-7,9)	Livello alto (voti 8-9-10)
N. 3	N. 2	N. 9	N. 3

FONTI DI RILEVAZIONE DEI DATI:

Tecniche di osservazione nel corso delle diverse attività e delle verifiche.

Colloqui con gli alunni.

Colloqui con le famiglie (ricevimenti).

2. QUADRO DELLE COMPETENZE

L'asse culturale prevalente è quello matematico

OBIETTIVI GENERALI DELL'ASSE MATEMATICO

- 1. Utilizzare consapevolmente strumenti algebrici e teoremi di geometria euclidea piana.
- 2. Comprendere ed utilizzare correttamente il linguaggio specifico della disciplina
- 3. Analizzare un problema ed individuare il modello matematico più adeguato per la sua risoluzione
- 4. Inquadrare le conoscenze in un sistema coerente
- 5. Acquisire strumenti fondamentali atti a costruire modelli di descrizione e indagine della realtà (relazioni, formule, corrispondenze, grafici, piano cartesiano)
- 6. Analizzare un problema, individuare il modello matematico più adeguato per la sua risoluzione e saper utilizzare strumenti di verifica e controllo dei risultati

2.1 ARTICOLAZIONE DELLE COMPETENZE IN ABILITA' E CONOSCENZE

MATEMATICA Classe 4° liceo Classico

Competenze

- Utilizzare consapevolmente strumenti algebrici e teoremi di geometria euclidea e di trigonometria
- Utilizzare il metodo delle coordinate cartesiane
- saper risolvere problemi geometrici per via sintetica e per via analitica
- usare una terminologia appropriata e rigore espositivo
- saper operare con il simbolismo matematico e applicare il metodo logicodeduttivo.

Abilità

- Saper analizzare situazioni problematiche e tradurle in un modello matematico
- saper produrre in modo chiaro e preciso rappresentazioni grafiche di funzioni algebriche e trascendenti
- saper risolvere problemi di geometria piana e solida utilizzando strumenti e teoremi di trigonometria piana
- saper utilizzare le principali trasformazioni del piano

Conoscenze

Trigonometria

(Trimestre)

- Funzioni goniometriche e loro relazioni.
- Formule di addizione, sottrazione, duplicazione, bisezione e parametriche.
- Identità, equazioni e disequazioni goniometriche (Pentamastre)
- Teoremi sui triangoli rettangoli. Risoluzione dei triangoli. Teorema della corda, dei seni e del coseno.
- Algebra
- Definizione di funzione esponenziale.
- Definizione di funzione logaritmica. Proprietà dei logaritmi.
- Semplici equazioni logaritmiche ed esponenziali
- Geometria solida
- Parallelepipedi, piramidi

3. CONTENUTI SPECIFICI DEL PROGRAMMA

Goniometria

1. Misura degli archi e degli angoli. Archi orientati e loro misura. Angoli orientati e loro misura.

- 2. Funzioni goniometriche e loro variazioni. Circonferenza goniometrica Funzioni goniometriche degli angoli ed archi nella circonferenza goniometrica. Definizioni di seno, coseno. Variazioni e periodicità del seno e del coseno e loro rappresentazione grafica: sinusoide e cosinusoide. Tangente di un arco o di un angolo nella circonferenza goniometrica. Variazione della tangente e sua rappresentazione grafica: la tangentoide. Cotangente di un arco o di un angolo nella circonferenza goniometrica. Variazione della cotangente e sua rappresentazione grafica: la cotangentoide. Definizione di secante e cosecante di un angolo e relative rappresentazioni grafiche. Relazioni fondamentali fra le funzioni seno, coseno, tangente, cotangente, secante e cosecante di uno stesso arco o angolo. Funzioni goniometriche inverse. Valori delle funzioni goniometriche mediante una sola di esse.
- 3. **Archi associati**. Archi associati. Archi che differiscono di un numero intero di circonferenze. Archi complementari. Archi supplementari. Archi che differiscono di 180° a meno di interi giri. Archi esplementari, opposti, complementari. Archi che differiscono di 90°. Archi che differiscono di 270°. Riduzione al primo quadrante.
- 4. **Funzioni goniometriche di archi particolari**. Funzioni goniometriche degli archi di 45°, 30°, 60°. Identità ed equazioni goniometriche elementari.
- 5. **Formule** di sottrazione, addizione, duplicazione. Seno, coseno, tangente e cotangente dell'arco somma e dell'arco differenza di due archi. Formule di duplicazione, parametriche, di bisezione.
- 6. Identità goniometriche.
- 7. **Equazioni goniometriche** Equazioni riconducibili ad equazioni elementari. Equazioni lineari in seno e coseno. Equazione omogenea di 1° e di 2° grado in seno e coseno. Equazione di 2° grado in seno e coseno riducibile ad omogenea. Equazione omogenea di 4° grado in seno e coseno. Sistemi di equazioni goniometriche. Disequazioni goniometriche.

Trigonometria piana

- 8. **Relazion**i fra i lati e gli angoli di un triangolo Teoremi sul triangolo rettangolo. Teoremi sul triangolo qualunque: dei seni, della corda, delle proiezioni, di Carnot. Problemi.
- 9. **Formule notevoli relative ai triangoli** Area di un triangolo, raggio della circonferenza inscritta e di quella circoscritta ad un triangolo. Area di un parallelogramma.
- 10. **Applicazioni della trigonometria** Applicazioni alla geometria analitica: coefficiente angolare di una retta, condizioni di parallelismo e perpendicolarità tra rette, angolo formato da due rette. Applicazioni alla fisica: prodotto scalare e vettoriale tra due vettori, lavoro di una forza.

Logaritmi ed esponenziali

11. Teoremi generali sulle potenze. Le equazioni esponenziali, proprietà. La funzione esponenziale. La curva esponenziale. Logaritmi: definizione, proprietà. Le equazioni logaritmiche. La curva logaritmica. Le disequazioni esponenziali e logaritmiche.

Geometria solida

12. Parallelepipedi e piramidi. Definizioni, teoremi e formule relative ad aree e volumi.

4. EVENTUALI PERCORSI MULTIDISCIPLINARI

Non si prevedono percorsi pluridisciplinari

5. METODOLOGIE

- Proposta di numerosi esercizi al fine di favorire l'esemplificazione dei contenuti teorici.
- Proposta di quesiti a vari livelli di difficoltà per affinare le capacita di ragionamento induttivo deduttivo.
- Proposta di problemi in cui emerga la necessità di utilizzare strumenti di verifica e controllo, anche parziali, al fine di sviluppare la capacità critica.

6. AUSILI DIDATTICI

- a) Libri di testo: M.Bergamini, G.Barozzi, A. Trifone: Matematica.azzurro Mod. N+O Vol 2 Zanichelli;
- b) M.Bergamini, G.Barozzi, A. Trifone :Matematica.azzurro Mod. π Vol 2 Zanichelli;
- c) Eventuali sussidi didattici o testi di approfondimento: fotocopie

7. MODALITA' DI RECUPERO DELLE LACUNE RILEVATE E DI EVENTUALE VALORIZZAZIONE DELLE ECCELLENZE

MODALITÀ DI RECUPERO	VALORIZZAZIONE DELLE ECCELLENZE
 Utilizzo di materiale didattico(fotocopie) Ripetizione degli argomenti Recupero in itinere Ripasso guidato degli argomenti Eventuali interventi di recupero organizzati dalla scuola 	 Attività individuale di approfondimento con esercizi di livello superiore, Partecipazione a progetti di Istituto

8. VERIFICA E VALUTAZIONE DEGLI APPRENDIMENTI

Per i criteri di valutazione, gli strumenti e i tempi di verifica e per la griglia di valutazione si rimanda alla programmazione generale di dipartimento di materia (par. 4 e 9).

9. COMPETENZE DI CITTADINANZA

La Matematica e la Fisica concorrono, insieme alle altre discipline, alla promozione delle competenze chiave di cittadinanza ed in particolare alle seguenti: comunicare, risolvere problemi, individuare collegamenti e relazioni, acquisire e interpretare l'informazione, imparare ad imparare.

A) COMPETENZE DI CARATTERE METODOLOGICO E STRUMENTALE

1. IMPARARE A IMPARARE:

La Matematica svolge un ruolo insostituibile nel conseguimento della competenza "imparare", considerata tra quelle fondamentali secondo la "Raccomandazione del Parlamento Europeo e del Consiglio del 18 dicembre 2006". La metodologia comunemente adottata nell'insegnamento delle discipline scientifiche, infatti, è tradizionalmente tesa a scardinare e scoraggiare gli apprendimenti mnemonici, incapaci per la loro rigidità e staticità di evolvere in autentiche e significative competenze; al contrario, essa stimola apprendimenti significativi e trasferibili ad ambiti diversi. Ciò comporta acquisire, elaborare, assimilare nuove conoscenze e abilità a partire da quelle di base, tra cui c'è il calcolo, e valutare tale processo come base per organizzare il proprio apprendimento. Le fonti cui riferirsi per reperire l'informazione aumentano nel corso degli studi, parallelamente all'abitudine all'utilizzo di fonti diverse: le prime attività mirano ad abituare gli allievi all'uso del libro di testo e ad integrare autonomamente i suoi contenuti con gli appunti presi in classe. Inoltre, una pratica didattica ormai consolidata, costituita dallo svolgimento guidato e collaborativo di problemi, dalla correzione del lavoro domestico o degli esercizi assegnati in occasione delle periodiche verifiche formali, consente quotidianamente allo studente di valutare l'efficacia del proprio metodo di studio e di correggere conseguentemente le strategie di apprendimento adottate. . In tale contesto va incoraggiata negli allievi la messa a punto di modalità di partecipazione in classe e di lavoro domestico che consentano loro di modificare significativamente e stabilmente abitudini operative e concetti non corretti e di acquisire una modalità di apprendimento efficace.

2. RISOLVERE PROBLEMI

3. INDIVIDUARE COLLEGAMENTI E RELAZIONI

4. ACQUISIRE E INTERPRETARE INFORMAZIONI

Per quanto riguarda le competenze relative alla soluzione di problemi, all'individuazione di relazioni e collegamenti e all'interpretazione delle informazioni, esse richiamano puntualmente una serie di obiettivi di apprendimento specifici che, da sempre, caratterizzano l'insegnamento della discipline scientifiche. Il passaggio dal problema posto in linguaggio naturale alla sua formulazione in linguaggio matematico, individuazione di strategie risolutive e dei dati/informazioni necessari alla loro attuazione, l'effettivo svolgimento della procedura risolutiva, il controllo della compatibilità della soluzione trovata, sono passi che presuppongono l'acquisizione delle competenze a individuare collegamenti e relazioni e a acquisire e interpretare le informazioni. In linea di massima, tutte le richieste poste agli studenti si traducono in situazioni problematiche la cui soluzione, inevitabilmente, presuppone la capacità di interpretare e rielaborare informazioni di vario genere.

B) COMPETENZE DI RELAZIONE E INTERAZIONE

5. COMUNICARE:

Tutti i contenuti disciplinari, per quanto in misura diversa, contribuiscono allo sviluppo delle competenze di comunicazione, tanto orale quanto scritta, sia nel linguaggio naturale che in quello formalizzato. Nella

matematica in particolare emerge costantemente la necessità di una comunicazione non ambigua e dell'utilizzo di una terminologia rigorosamente ed esaustivamente definita. Significativo risulta il ruolo svolto dalla geometria. Emerge come forma di comunicazione estremamente sottile e raffinata quella utilizzata nella dimostrazione di un teorema geometrico, dove la chiarezza delle premesse e delle tesi si deve coniugare con la sintesi, la coerenza logica e la persuasività dell'espressione. Il rischio che lo studio della geometria possa risolversi in un esercizio mnemonico sterile e inconsapevole viene evitato per la tipologia delle verifiche proposte, ove si richiede che l'alunno elabori dimostrazioni originali, non esplicitate precedentemente a lezione. Inoltre, è utile sottolineare che anche il calcolo di una espressione numerica o letterale è in realtà un complesso esercizio di comunicazione, in cui l'allievo deve, con senso critico e flessibilità, decidere quali passaggi è opportuno omettere e quali riportare in quanto essenziali per chiarire ed illustrare lo svolgimento dell'esercizio. In generale, grazie alla frequente richiesta di motivare passaggi e procedimenti, l'allievo è continuamente sollecitato ad utilizzare codici espressivi anche molto diversi tra loro, segnatamente il linguaggio naturale e quello formalizzato-simbolico.

6. COLLABORARE E PARTECIPARE:

La collaborazione durante le attività di risoluzione degli esercizi (anche domestici) e l'ascolto attento delle opinioni altrui comportano una crescita collettiva e personale nella disciplina.

C) COMPETENZE LEGATE ALLO SVILUPPO DELLA PERSONA, NELLA COSTRUZIONE DEL SÉ

7. AGIRE IN MODO AUTONOMO E RESPONSABILE:

Per imparare ad inserirsi in modo attivo e consapevole nella vita sociale un contributo importante può venire dall'acquisizione delle abilità necessarie per applicare i principi e i processi matematici di base nel contesto quotidiano della sfera domestica e sul lavoro, nonché per seguire e vagliare la coerenza logica delle argomentazioni proprie e altrui in molteplici contesti di indagine conoscitiva e di decisione. L'abitudine a portare in classe i materiali necessari al lavoro quotidiano, a svolgere con continuità i compiti assegnati, a produrre interventi e richieste chiaramente formulate sono indicatori di autonomia e responsabilità anche per la matematica. L'autocontrollo rispetto alla qualità e all'intensità della partecipazione è indice di autonomia e responsabilità per quanto denota capacità di valutazione e controllo della ricaduta del proprio agire nel gruppo classe.

Meda, 16/10/2015

La Docente M.Beatrice Schimperna

Indice

- 1. Analisi della situazione di partenza
 - 1.1 Profilo generale della classe
 - 1.2 Livelli di partenza rilevati e fonti di rilevazione dei dati
- 2. Quadro delle competenze
 - 2.1 Articolazione delle competenze
- 3. Contenuti specifici del programma
- 4. Eventuali percorsi multidisciplinari
- 5. Metodologie
- 6. Ausili didattici
- 7. Modalità di recupero delle lacune rilevate e di eventuale valorizzazione delle eccellenze
- 8. Verifica e valutazione degli apprendimenti
- 9. Competenze di cittadinanza